

Bilan fin de Terminale S

Pour chaque question, il n'y a qu'une bonne réponse – a), b) et éventuellement c) – en lisant de gauche à droite ou de haut en bas)

Pour te corriger, noircis la case de la réponse : tu obtiens un QR-code.

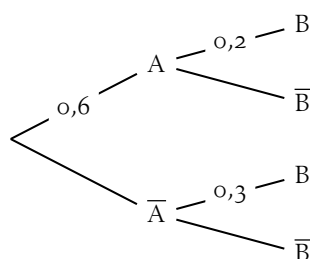
Attention il peut arriver que le QR-Code fonctionne même avec deux ou trois réponses erronées : n'hésite pas à demander à ton professeur de maths préféré une vérification des tes réponses...

Toutes ces questions sont inspirées des sujets de BAC S de 2015 à 2016.

Les questions « spé » peuvent être traitées par les non spé avec un peu de bon sens.

1. Statistiques - Probas

1. On considère l'arbre de probabilités 0,24



Quelle est la probabilité de l'événement B ? 0,12

2. Le césium 137 est un élément radioactif qui constitue une des principales sources de radioactivité des déchets des réacteurs nucléaires. Le temps T , en années, durant lequel un atome de césium 137 reste radioactif peut être assimilé à une variable aléatoire T qui suit la loi exponentielle de paramètre $\lambda = \frac{\ln 2}{30}$. 0,125

Quelle est la probabilité qu'un atome de césium 137 reste radioactif durant au moins 60 ans ? 0,25

Quelle est la probabilité qu'un atome de césium 137 reste radioactif durant au moins 60 ans ? 0,875

3. Soit X une variable aléatoire qui suit la loi normale d'espérance $\mu = 110$ et d'écart-type $\sigma = 25$. 0,841

Quelle est la valeur arrondie au millième de la probabilité $P(X \geq 135)$? 0,317

Quelle est la valeur arrondie au millième de la probabilité $P(X \geq 135)$? 0,159

4. On lance une pièce de monnaie bien équilibrée 100 fois de suite. [0,371 ; 0,637]

Lequel des intervalles proposés est un intervalle de fluctuation asymptotique au seuil de 95 % de la fréquence d'apparition de la face pile de cette pièce ? [0,412 ; 0,695]

Lequel des intervalles proposés est un intervalle de fluctuation asymptotique au seuil de 95 % de la fréquence d'apparition de la face pile de cette pièce ? [0,402 ; 0,598]

5. Une entreprise souhaite obtenir une estimation de la proportion de personnes de plus de 60 ans parmi ses clients, au niveau de confiance de 95 %, avec un intervalle d'amplitude inférieure à 0,05. 1 600

Quel est le nombre minimum de clients à interroger ? 400

Quel est le nombre minimum de clients à interroger ? 3 200

2. Fonctions

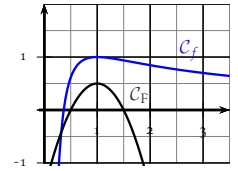
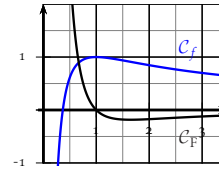
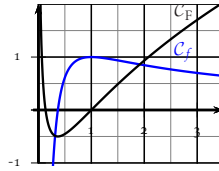
2.1 Logarithme et exponentielle

6. On considère la fonction f définie sur $]0; +\infty[$

$$\text{par } f(x) = \frac{1}{x}(1 + \ln x).$$

Dans les trois situations suivantes, on a dessiné, dans un repère orthonormé, la courbe représentative $\mathcal{C}_f$ de la fonction f et une courbe $\mathcal{C}_F$.

Dans une seule situation, la courbe $\mathcal{C}_F$ est la courbe représentative d'une primitive F de la fonction f . Laquelle?



7. Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = \frac{3}{1 + e^{-2x}}$

la fonction f est croissante sur $\mathbb{R}$

la fonction f est strictement croissante sur $\mathbb{R}$

la fonction f est décroissante sur $\mathbb{R}$

8. La courbe représentative de la fonction f définie à la question 7 admet une asymptote

d'équation $y = \frac{3}{2}$

d'équation $y = 3$

d'équation $x = 3$

9. Soit u la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $u(x) = \ln(x) + x - 3$.
L'équation $u(x) = 0$ admet

une unique solution α , avec $\alpha \in [1; 2]$

au moins une solution α , avec $\alpha \in [2; 3]$

une unique solution α , avec $\alpha \in [2; 3]$

10. Soit f la fonction définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$

$$\text{par } f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)(\ln(x) - 2) + 2.$$

La limite en 0 de la fonction f est

$-\infty$

0

$+\infty$

11. Soit f la fonction définie sur l'intervalle $[0; 20]$

$$f(x) = (x + 1)\ln(x + 1) - 3x + 7.$$

La dérivée de la fonction f s'annule

jamais

pour $x = e^2 - 1$

pour $x = 2$

2.2 Intégration

12. On admet que la fonction H définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$ par $H(x) = \frac{1}{2}(\ln(x))^2$ est

2

une primitive de la fonction h définie sur l'intervalle $]0; +\infty[$ par $h(x) = \frac{\ln(x)}{x}$.

3

Alors $I = \int_1^{e^2} \frac{2 - \ln x}{x} dx$ est égale à

$\ln 2$

13. On définit la fonction h sur $[0; +\infty[$ par $h(x) = e^{-x} - e^{-x} \cos(x)$.

0

On admet que, sur l'intervalle $[0; +\infty[$, la fonction H définie par

$$H(x) = \frac{1}{2}e^{-x}(-2 + \cos(x) - \sin(x)) \text{ est une primitive de la fonction } h.$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2}e^{-2\pi}$$

On note $\mathcal{D}$ le domaine du plan délimité par les courbes $\mathcal{C}_h$ et les droites d'équations $x = 0$ et $x = 2\pi$.

L'aire $\mathcal{A}$ du domaine $\mathcal{D}$, exprimée en unités d'aire est égale à

$$e^{-2\pi}$$

14. Soit f la fonction définie sur $[0; 1]$ par

$$f(x) = \frac{e^x}{e^x + e}. \text{ Alors } \int_0^1 f(x) dx =$$

$$\ln(2) - \ln(1 + e)$$

$$\ln(2) + 1 - \ln(1 + e)$$

1

21.	le nombre complexe $(\sqrt{3} + i)^{1515}$	un réel	un nombre complexe ni réel, ni imaginaire pur.	un imaginaire pur
22.	Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$. À tout point M d'affixe z du plan, on associe le point M' d'affixe z' définie par $z' = z^2 + 4z + 3$. Un point M est dit invariant lorsqu'il est confondu avec le point M' associé.	Cette transformation admet deux points invariants	Cette transformation admet un point invariant	Cette transformation n'admet aucun points invariants

5. Algorithmme

26. On donne l'algorithme suivant où $\text{MOD}(N, k)$ représente le reste de la division euclidienne de N par k .

7

Variables	n entier naturel et $n \geq 3$
	k entier naturel et $k \geq 2$
Initialisation	Demander à l'utilisateur la valeur de n
	Affecter à k la valeur 2
Traitement	Tant que $\text{MOD}(2^n - 1, k) \neq 0$ et $k \leq \sqrt{2^n - 1}$
	Affecter à k la valeur $k + 1$
	Fin tant que
Sortie	Afficher k .

11

spé pour $n = 33$, l'algorithme va afficher

3

27. On considère l'algorithme suivant :

$(-4; 1), (-4; 5),$
 $(0; 1), (1; -4),$
 $(1; 0), (5; -4)$

Variables	m et m' entiers relatifs
Traitement	Pour m allant de -10 à 10
	Pour m' allant de -10 à 10
	Si $(mm')^2 + 16(m-1)(m'-1) + 4mm' = 0$ alors
	Afficher $(m; m')$
	Fin Si
	Fin Pour
	Fin Pour

Cet algorithme affiche six couples d'entiers dont $(-4; 1)$, $(0; 1)$ et $(5; -4)$. Écrire les six couples dans l'ordre d'affichage de l'algorithme.

$(-4; 1), (1; -4),$
 $(-4; 5), (5; -4),$
 $(0; 1), (1; 0)$

Correction

ATTENTION : le QR-Code fonctionne même si quelques réponses sont erronées (n'hésite pas à te faire corriger par ton prof de maths préféré!)

