

## Bienvenue en 2<sup>nde</sup>

Voici quelques questions concernant des notions pour une rentrée sereine en mathématiques.

Méthode : passer de bonnes vacances, se reposer, puis vers le 20 août retrouver ce document et y répondre petit à petit, dans l'ordre qui fait plaisir.

Pour chaque question, il n'y a qu'une bonne réponse.

Pour te corriger, relie les réponses entre elles : tu devrais obtenir un beau dessin (la première colonne correspond à la réponse a), la deuxième à la réponse b)...)

Ce travail (volontaire et non noté) pourra être repris en cours d'année par ton professeur.

Une copie de ce document se trouve sur <http://frédéric.leon77.free.fr>

### 1. Statistiques - Information chiffrée

- 1 Dans un collège, depuis l'année 2000 on résume les résultats au DNB dans le tableau suivant (pour un gain de place, seuls les deux derniers chiffres de l'année sont indiqués) :

année	16	17
nb. d'élèves reçus	160	170

ce tableau ne représente pas une situation de proportionnalité

ce tableau représente une situation de proportionnalité et pour 2018 il y aura 180 reçus au DNB

- 2 Dans le collège de la question 1, le principal remarque que jusqu'en 2016 le nombre de candidats reçus augmentait toujours de 15% par an. En 2015 il y a avait donc environ...

145 reçus      136 reçus      139 reçus

- 3 La moyenne de la série suivante est :

168,5      10      166,3

taille (en cm)	[150;160[	[160;165[	[165;170[	[170;175[	[175;195[
effectif	7	20	10	8	5

- 4 Dans la série de la question 3, quel pourcentage de la population représentent les personnes mesurant entre 165 cm (inclus) et 175 cm (exclus) ?

36 %      18 %      9 %

### 2. Probabilités

- 5 On lance 3 fois de suite un dé à six faces parfaitement équilibré. Le 6 est sorti trois fois de suite ! La probabilité d'obtenir 6 au prochain lancé est

moins de  $\frac{1}{6}$        $\frac{1}{6}$       plus de  $\frac{1}{6}$

- 6 Dans un jeu de cartes les *têtes* sont le Valet, la Dame et le Roi. On propose les deux possibilités suivantes :

on a plus de chances de gagner en choisissant la possibilité a)      on a plus de chances de gagner en choisissant la possibilité b)      les chances de gagner sont les mêmes dans les deux cas.

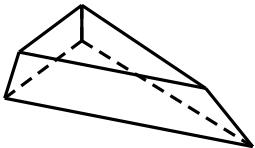
a) choisir au hasard une tête dans un jeu de 32 cartes

b) obtenir la face 1 ou la face 6 en lançant un dé à six faces bien équilibré.

### 3. Géométrie

#### 3.1 Géométrie dans l'espace

- 7) la figure représente une pyramide tronquée (c'est une pyramide coupée par un plan parallèle à la base) :



ça dépend

c'est vrai

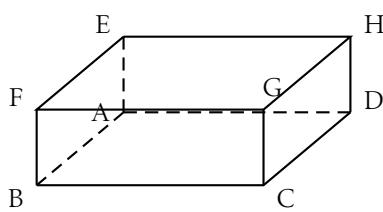
c'est faux

- 8) ABCDEFGH est un pavé droit. On le dessine dans un repère orthonormé tel qu'on ait  $A(0;0;0)$ ,  $B(2;0;0)$ ,  $D(0;3;0)$  et  $E(0;0;1)$ , alors on a

$F(2;-1;0)$

$G(2;3;1)$

$H(3;1;0)$



#### 3.2 Géométrie plane

- 9) On utilise un logiciel de géométrie dynamique du style de *GeoGebra*. Quelle est la suite d'instructions qui permet de construire le parallélogramme ABCD (la figure doit rester un parallélogramme même si on déplace les points !) ?

- 1) Placer 3 points nommés A, B et C
- 2) Construire le point I milieu du segment [AC]
- 3) Construire le point D symétrique du point B par rapport au point I
- 4) Tracer les segments [AB], [BC], [CD] et [DA]
- 1) Placer 3 points nommés A, B et C
- 2) Tracer la droite (AB)
- 3) Tracer la parallèle à (AB) passant par C
- 4) Placer le point D sur la droite (AB)
- 5) Tracer les segments [AB], [BC], [CD] et [DA]

- 10) Si on augmente la longueur de chaque côté d'un triangle de 20 %, alors son aire

augmente de 20 %

augmente de 44 %

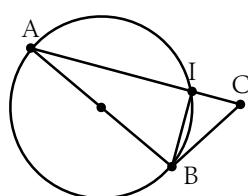
augmente de 72,8 %

- 11) ABC est un triangle quelconque. I est un point du cercle de diamètre [AB].

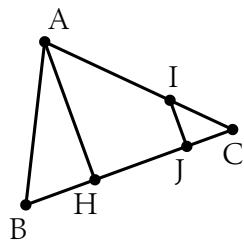
la droite (BI) est la médiatrice issue de B

la droite (BI) est la hauteur issue de B

les angles  $\widehat{AIB}$  et  $\widehat{BIC}$  sont alterne-internes



- 12 Dans le triangle ABC on sait que le point I est tel que  $AI = \frac{2}{3}AC$ , et les droites (AH) et (IJ) sont parallèles et  $IJ = 3$ . Alors ...

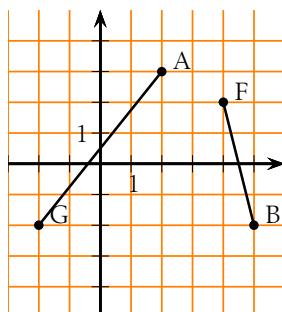


$$AH = 6$$

$$AH = 9$$

on ne peut pas calculer AH

- 13 Dans le repère, le point A a pour coordonnées.



$$(2;3)$$

$$(3;2)$$

- 14 Les points sont ceux du repère de la question 13. Il existe une rotation qui transforme le segment [AG] en segment [BF]

vrai

faux

peut-être

- 15 Soit ABC un triangle tel que les mesures des côtés (en cm) soient :  $AB = 22$ ,  $BC = 62,5$  et  $CA = 58,5$

ABC est rectangle

alors ABC est isocèle

ABC est quelconque

- 16 Dans le triangle ABC rectangle en A :

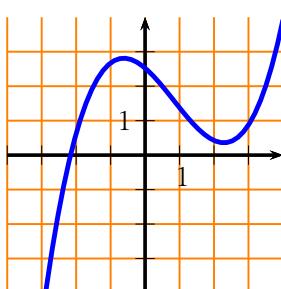
$$\sin \widehat{B} = \frac{AB}{BC}$$

$$\cos \widehat{B} = \frac{AB}{BC}$$

$$\cos \widehat{A} = \frac{AB}{AC}$$

#### 4. Analyse et fonctions

- 17 Avec la précision permise par le graphique, le nombre d'images de 2 est



$$0,6$$

$$1$$

$$3$$

- 18 Le graphique est celui de la question 17. Le nombre d'antécédents de 2 est

$$0,6$$

$$1$$

$$3$$

- 19 On veut utiliser une feuille de tableur pour obtenir dans la colonne B les images des nombres de la colonne A par la fonction  $f(x) = x^2 - 3x$ . Les nombres de la colonne A vont de 0,5 en 0,5.

cellule B2

cellule B2

cellule B2

$$=A2^2-3*A2$$

$$=A2^2-3*A2$$

$$=A2^2-3*A2$$

cellule A3

cellule A3

cellule A3

$$=A2+0,5$$

$$=A2+0,5$$

$$=A2+0,5$$

	A	B	C	D
1	x	$f(x)$		
2	0			
3				

Quelles sont alors les formules à entrer si on veut faire des « copies vers le bas » ?

20	Voici le tableau de valeurs d'une fonction $f$ :	$f(x) = x + 12$	$f(x) = 3 - 2x$	aucune des deux propositions
	$\begin{array}{c ccccc} x & -3 & 1 & 2 & 5 \\ \hline f(x) & 9 & 1 & -1 & -4 \end{array}$			

L'expression de la fonction peut être :

## 5. Algèbre

### 5.1 Arithmétique

21	On a : $\frac{19}{95} = \frac{19}{95} = \frac{1}{5}$ et $\frac{16}{64} = \frac{16}{64} = \frac{1}{4}$	quelques soient les entiers inférieurs à 100, on peut simplifier de cette façon	on peut toujours simplifier de cette façon, c'est la règle $\frac{ka}{kb} = \frac{a}{b}$	ce ne sont que deux exemples : généralement on ne peut pas simplifier de cette façon
22	Le nombre $A = \frac{5}{3} - \frac{7}{3} \times \frac{6}{5}$ peut s'écrire	$-\frac{17}{15}$	$-\frac{12}{15}$	$-\frac{42}{15}$
23	Les nombres $\frac{6406}{85555}$ et $\frac{104561}{1396459}$ sont	différents	égaux	
24	La décomposition de 60 en facteurs premiers est	$2 \times 3 \times 5$	$3 \times 4 \times 5$	$2^2 \times 3 \times 5$

### 5.2 Nombres et calculs

25	L'expression $A = 2x(x - 3)$ est écrite sous forme	factorisée	développée	ni l'une, ni l'autre
26	Quand la calculatrice affiche : 2.3456E-03 ; cela représente le nombre	2345,6	0,0023456	-0,23456
27	L'écriture en ligne de $6 - \frac{2}{(5+3) \times 5} + 11$ est	$6 - \frac{2}{(5+3) \times 5} + 11$	$6 - 2 / (5+3) * 5 + 11$	$6 - 2 / 5 + 3 * 5 + 11$
28	L'équation $3x + 2 = 7$ admet comme solution	$x = \frac{5}{3}$	$x = \frac{1}{3}$	$x = 2$
29	L'expression $A = (2x - 3)^2$ est égale à	$2x^2 - 9$	$4x^2 - 6x - 9$	$4x^2 - 12x + 9$
30	La partie hachurée de l'axe représente les solutions de... :	$3 - 5x \geq 1 - 3x$	$-2 + 5x \geq 1 + 2x$	$4x + 2 \geq 3x + 1$
				
31	Les solutions de $-4x + 5 \geq 2$ sont	$x \leq \frac{3}{4}$	$x \geq 1$	$x \geq \frac{3}{4}$

## 6. Algorithme

32 Pour calculer la somme  $S = 1 + 2 + 3 + \dots + 2018$ , on utilise l'algorithme suivant :

```
N prend la valeur 1  
S prend la valeur 0  
répéter 2018 fois  
    S prend la valeur S + N  
    N prend la valeur N + 1
```

Cet algorithme est correct

Cet algorithme n'est pas correct

## Correction

