

**Exercice 1 — Suite  $u$** 

La suite  $(u_n)$  est définie sur  $\mathbb{N}$  par  $u_n = \frac{4n^2 + 23n - 6}{n + 6}$ .

1. Calculer  $u_0$ ,  $u_1$ ,  $u_2$  et  $u_3$ .

$$u_0 = -1, u_1 = 3, u_2 = 7 \text{ et } u_3 = 11.$$

2. Conjecturer (en justifiant) la nature de la suite  $u$  et préciser le premier terme est la raison.

La différence entre deux termes consécutifs est 4.

La suite semble arithmétique de raison 4 et de premier terme  $u_0 = -1$ .

3. Démontrer la conjecture.

au choix :

- (pas astucieux) calculer  $u_{n+1} - u_n = \dots = 4$ . La différence est constante, donc la suite est arithmétique;
- (astucieux) factoriser le numérateur et simplifier la fraction :  $u_n = 4n - 1$  : on reconnaît l'expression explicite d'une suite arithmétique.

**Exercice 2 — Suites  $(v)$  et  $(w)$ .**

Soit la suite  $(v_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $v_0 = 1$  et  $v_{n+1} = 6v_n + 1$ .

1. Calculer les trois premiers termes de la suite  $(v_n)$  et expliquer pourquoi elle n'est ni arithmétique, ni géométrique.

la différence entre deux termes consécutifs n'est pas constante : donc pas arithmétique ; le quotient entre deux termes consécutifs n'est pas constant : donc pas géométrique.

2. Soit la suite  $(w_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $w_n = v_n + \frac{1}{5}$ .

- a) Calculer la valeur exacte des trois premiers termes de  $(w_n)$  et conjecturer sa nature et préciser la relation de récurrence que doit vérifier  $(w_n)$ .

la suite semble géométrique de raison  $q$  ; donc  $w_{n+1} = qw_n$ .

**b)** Démontrer cette conjecture (exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ ). En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$ .

Exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_{n+1}$  ; puis remplacer  $v_{n+1}$  par son expression en fonction de  $v_n$  et remarquer que  $w_{n+1} = qw_n$ .

**c)** En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$  ; puis celle de  $v_n$  en fonction de  $n$ .

**Exercice 1 — Suite  $u$** 

La suite  $(u_n)$  est définie sur  $\mathbb{N}$  par  $u_n = \frac{4n^2 + 15n - 4}{n + 4}$ .

1. Calculer  $u_0$ ,  $u_1$ ,  $u_2$  et  $u_3$ .

$$u_0 = -1, u_1 = 3, u_2 = 7 \text{ et } u_3 = 11.$$

2. Conjecturer (en justifiant) la nature de la suite  $u$  et préciser le premier terme est la raison.

La différence entre deux termes consécutifs est 4.

La suite semble arithmétique de raison 4 et de premier terme  $u_0 = -1$ .

3. Démontrer la conjecture.

au choix :

- (pas astucieux) calculer  $u_{n+1} - u_n = \dots = 4$ . La différence est constante, donc la suite est arithmétique;
- (astucieux) factoriser le numérateur et simplifier la fraction :  $u_n = 4n - 1$  : on reconnaît l'expression explicite d'une suite arithmétique.

**Exercice 2 — Suites  $(v)$  et  $(w)$ .**

Soit la suite  $(v_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $v_0 = 1$  et  $v_{n+1} = 4v_n + 1$ .

1. Calculer les trois premiers termes de la suite  $(v_n)$  et expliquer pourquoi elle n'est ni arithmétique, ni géométrique.

la différence entre deux termes consécutifs n'est pas constante : donc pas arithmétique; le quotient entre deux termes consécutifs n'est pas constant : donc pas géométrique.

2. Soit la suite  $(w_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $w_n = v_n + \frac{1}{3}$ .

- a) Calculer la valeur exacte des trois premiers termes de  $(w_n)$  et conjecturer sa nature et préciser la relation de récurrence que doit vérifier  $(w_n)$ .

la suite semble géométrique de raison  $q$ ; donc  $w_{n+1} = qw_n$ .

**b)** Démontrer cette conjecture (exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ ). En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$ .

Exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_{n+1}$  ; puis remplacer  $v_{n+1}$  par son expression en fonction de  $v_n$  et remarquer que  $w_{n+1} = qw_n$ .

**c)** En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$  ; puis celle de  $v_n$  en fonction de  $n$ .

**Exercice 1 — Suite  $u$** 

La suite  $(u_n)$  est définie sur  $\mathbb{N}$  par  $u_n = \frac{4n^2 + 11n - 3}{n + 3}$ .

1. Calculer  $u_0$ ,  $u_1$ ,  $u_2$  et  $u_3$ .

$$u_0 = -1, u_1 = 3, u_2 = 7 \text{ et } u_3 = 11.$$

2. Conjecturer (en justifiant) la nature de la suite  $u$  et préciser le premier terme est la raison.

La différence entre deux termes consécutifs est 4.

La suite semble arithmétique de raison 4 et de premier terme  $u_0 = -1$ .

3. Démontrer la conjecture.

au choix :

- (pas astucieux) calculer  $u_{n+1} - u_n = \dots = 4$ . La différence est constante, donc la suite est arithmétique;
- (astucieux) factoriser le numérateur et simplifier la fraction :  $u_n = 4n - 1$  : on reconnaît l'expression explicite d'une suite arithmétique.

**Exercice 2 — Suites  $(v)$  et  $(w)$ .**

Soit la suite  $(v_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $v_0 = 1$  et  $v_{n+1} = 3v_n + 1$ .

1. Calculer les trois premiers termes de la suite  $(v_n)$  et expliquer pourquoi elle n'est ni arithmétique, ni géométrique.

la différence entre deux termes consécutifs n'est pas constante : donc pas arithmétique; le quotient entre deux termes consécutifs n'est pas constant : donc pas géométrique.

2. Soit la suite  $(w_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $w_n = v_n + \frac{1}{2}$ .

- a) Calculer la valeur exacte des trois premiers termes de  $(w_n)$  et conjecturer sa nature et préciser la relation de récurrence que doit vérifier  $(w_n)$ .

la suite semble géométrique de raison  $q$ ; donc  $w_{n+1} = qw_n$ .

- b) Démontrer cette conjecture (exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ ). En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$ .  
Exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_{n+1}$  ; puis remplacer  $v_{n+1}$  par son expression en fonction de  $v_n$  et remarquer que  $w_{n+1} = qw_n$ .
- c) En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$  ; puis celle de  $v_n$  en fonction de  $n$ .

**Exercice 1 — Suite  $u$** 

La suite  $(u_n)$  est définie sur  $\mathbb{N}$  par  $u_n = \frac{4n^2 + 19n - 5}{n + 5}$ .

1. Calculer  $u_0$ ,  $u_1$ ,  $u_2$  et  $u_3$ .

$$u_0 = -1, u_1 = 3, u_2 = 7 \text{ et } u_3 = 11.$$

2. Conjecturer (en justifiant) la nature de la suite  $u$  et préciser le premier terme est la raison.

La différence entre deux termes consécutifs est 4.

La suite semble arithmétique de raison 4 et de premier terme  $u_0 = -1$ .

3. Démontrer la conjecture.

au choix :

- (pas astucieux) calculer  $u_{n+1} - u_n = \dots = 4$ . La différence est constante, donc la suite est arithmétique;
- (astucieux) factoriser le numérateur et simplifier la fraction :  $u_n = 4n - 1$  : on reconnaît l'expression explicite d'une suite arithmétique.

**Exercice 2 — Suites  $(v)$  et  $(w)$ .**

Soit la suite  $(v_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $v_0 = 1$  et  $v_{n+1} = 5v_n + 1$ .

1. Calculer les trois premiers termes de la suite  $(v_n)$  et expliquer pourquoi elle n'est ni arithmétique, ni géométrique.

la différence entre deux termes consécutifs n'est pas constante : donc pas arithmétique ; le quotient entre deux termes consécutifs n'est pas constant : donc pas géométrique.

2. Soit la suite  $(w_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $w_n = v_n + \frac{1}{4}$ .

- a) Calculer la valeur exacte des trois premiers termes de  $(w_n)$  et conjecturer sa nature et préciser la relation de récurrence que doit vérifier  $(w_n)$ .

la suite semble géométrique de raison  $q$  ; donc  $w_{n+1} = qw_n$ .

**b)** Démontrer cette conjecture (exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ ). En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$ .

Exprimer  $w_{n+1}$  en fonction de  $v_{n+1}$  ; puis remplacer  $v_{n+1}$  par son expression en fonction de  $v_n$  et remarquer que  $w_{n+1} = qw_n$ .

**c)** En déduire l'expression de  $w_n$  en fonction de  $n$  ; puis celle de  $v_n$  en fonction de  $n$ .