

DST n°4 Fonctions Vecteurs

Nom : Prénom :

Compétences évaluées	
2.F21 [1] Déterminer l'image d'un nombre	00
2.F24 [1] Prouver l'appartenance d'un point à une courbe	00
LYCEE.L31 [1] Passer d'un mode de représentation à un autre.	00
LYCEE.T23 [1] Dresser un tableau de valeurs à l'aide de sa calculatrice.	00
LYCEE.T22 [1] Tracer une fonction à l'aide de sa calculatrice.	00
2.F22 [1] Déterminer les antécédents d'un nombre.	00
LYCEE.T32 [1] Interpréter un algorithme	00
CEE.T36 [1] Ecrire/compléter un algorithme utilisant une ou des instructions conditionnelles "if"	00
2.F80 [1] Construire et reconnaitre l'image d'un point par une translation donnée	00
2.F81 [1] Faire le lien entre vecteurs et parallélogrammes	00
Appréciation :	Note:

Exercice 1 : Cet exercice est un QCM, entoure la réponse qui vous semble correcte, aucune justification n'est demandée

	Réponse A	Réponse B	Réponse C
x est un nombre de l'intervalle $]3;8]$ Alors :	$3 \le x < 8$	$3 < x \le 8$	$3 \le x \le 8$
L'ensemble en grascorrespond à :] – ∞; 3]	[3; +∞[]3; +∞[
f est la fonction définie sur $\mathbb R$ par $f(x)=x^2+x+1$. L'image :	de 3 est 15	de -1 est 3	de -2 est 3
$\mathcal C$ est la courbe représenative de la fonction f définie sur $\mathbb R$ par $f(x)=rac{x+1}{x^2+1}$	${\cal C}$ passe par l'origine du repère	Le point $A(5;0)$ est sur $\mathcal C$	Le point $B(0;-2)$ est en - dessous de $\mathcal C$

Exercice 2:

Une entreprise fabrique des poupées.

Pour x poupées fabriquées (avec $x \ge 0$), le cout de production en euros est donné par :

$$C(x) = 0.002x^2 + 2x + 4000$$

Pour x poupées vendues, la recette, en euros, est donné par R(x) = 11x

- a) Quel est le prix de vente d'une poupée ?
- b) Pour x poupées fabriquées et vendues, le bénéfice, en euros, réalisé par cette entreprise est donné par B(x) = R(x) C(x), vérifier que $B(x) = -0.002x^2 + 9x 4.000$
- c) A l'aide de la calculatrice, compléter le tableau de valeurs suivant :

х	0	500	1000	1500	2000	2500	3000	3500	4000	4500	5000
B(x)											

d) Tracer la courbe représentative de la fonction B, en prenant comme unité sur l'axe des abscisses 1 carreau = 500 poupées et sur l'axe des ordonnées 1 carreau = 1 000 euros.

- e) Pour quel nombre de poupées fabriquées et vendues, l'entreprise est-elle bénéficiaire, c'est-à-dire qu'elle gagne de l'argent ? On donnera la réponse sous forme d'intervalle.
 - Quel est le bénéfice réalisé pour la vente de 2 000 poupées ?
 - Pour quel(s) nombre(s) de poupées le bénéfice est-il égal à 3 000 €?
- f) En traçant la courbe représentative de la fonction à la calculatrice, la fenêtre sera réglée comme suit : (On prendra Xmin=O; XMax=5000; scale = 1000 puis Ymin = 9000 Y max= 7000 et scale = 1000) Déterminer le bénéfice maximal à l'aide de la fonction trace.

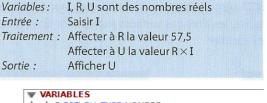
Exercice 3:

En électricité, l'intensité I (en ampères) du courant qui traverse un dipôle et la tension U (en volts) aux bornes de ce dipôle sont liés par la loi d'ohms qui s'écrit $U = R \times I$.

On s'intéresse à un grille-pain de résistance $R=57.5~\Omega$ et de puissance maximale 900W.

Afin de traduire cette loi, Océane a écrit l'algorithme suivant :

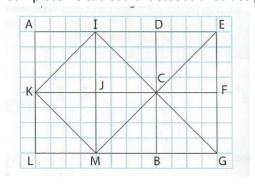
- a) Quelle tension U obtient-on en sortie de l'algorithme si la valeur saisie en entrée pour I est 3,6 ?
- b) Si on inverse les deux lignes de traitement de l'algorithme, le calcul de la tension est-il encore possible ? Justifier.
- c) La tension affichée est 230. Déterminer la valeur de I saisie en entrée. Dans ce cas, la puissance $P=U\times I$ dépasse t'elle la puissance maximale autorisée du grille-pain ?
- d) Afin de prévenir l'utilisation d'une éventuelle puissance trop élevée, on souhaite modifier l'algorithme précédent.
 Complète les afin de répondre à ce problème sur le programme suivant écrit sur Algobox.





Exercice 4:

Compléter le tableau ci-dessous avec des points de la figure ci-contre :



La translation de vecteur	Transforme	en
\overrightarrow{CE}	L	
\overrightarrow{DA}		М
	ECG	IKM
	[FJ]	[CK]

Exercice 5:

- a) Construire un carré ABCD de centre O de coté 4 cm.
- b) Construire le point E tel que $\overrightarrow{AO} = \overrightarrow{EB}$ et le point F tel que OC et [BF] ont le même milieu.
- c) Démontrer que $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{OB}$ et $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{FC}$.
- d) Que peut-on en déduire pour le quadrilatère AECF ? Justifier.
- e) En déduire que O est le milieu de [EF]. Justifier.